2008年7月17日(木),宇宙プラズマ物理学,東京大学

宇宙天気予報と磁気流体力学

片岡龍峰 夏化学研究所

目次

- 宇宙嵐
 - フレア放射線、オーロラ嵐、バンアレン帯
- 磁気流体力学
 - Frozen-in, 保存形式, RH関係式
 - 有限体積法による数値解法
- 数值宇宙天気予報
 - 太陽風・バンアレン帯のモデリング研究 - 確率予報、数値予報、宇宙天気図

1. 宇宙嵐

- 代表的な宇宙嵐について解説する。
- フレア放射線
 - 急激な電離による通信途絶、GPS精度低下
 - 高高度での人体被曝
- オーロラ嵐
 - 誘導電流による送電障害
- バンアレン帯

- 衛星帯電による動作異常





Aurora Substorm



IMAGE-FUV-2000/07/15-14:00:39.UT

Geomagnetically Induced Current (GIC)



オーロラ嵐の誘導電流で焼き切れた変圧器

Coronal Mass Ejection (CME)



Coronal Hole & Active Regions



Flare



2. Magnetohydrodynamics (MHD)

- 磁気流体力学の基礎を解説する。
- 宇宙を渦巻くプラズマと一体となって運ばれる大規 模磁場の支配方程式
 - 宇宙にプラズマと磁場のない場所は殆どない
 - 惑星磁気圏、恒星(風)、銀河(風)・・・
- 磁気流体力学

 プラズマ密度を定義するに十分な粒子数(HD)
 <u>プラズマに乗った系で電場が解消する</u>ほど十分な自由電子・イオン

磁場の誘導方程式

速度vで動く系における電場E'はガリレイ変換より

 $\mathbf{E'} = \mathbf{E} + \mathbf{v} \times \mathbf{B}$

速度vで動くプラズマで電場E'が解消する場合

 $\mathbf{E} = -\mathbf{v} \times \mathbf{B}$

ファラデーの法則
$$\frac{\partial \mathbf{B}}{\partial t} = -\nabla \times \mathbf{E}$$

磁場の誘導方程式

$$\frac{\partial \mathbf{B}}{\partial t} = \nabla \times (\mathbf{v} \times \mathbf{B})$$

Frozen-in プラズマと磁場が一緒に運動する性質

• 磁場の誘導方程式

$$\frac{\partial \mathbf{B}}{\partial t} = \nabla \times (\mathbf{v} \times \mathbf{B})$$

• 閉曲線を貫く磁束 $\Phi = \int_{S} \mathbf{B} \cdot \mathbf{n} dS$ は流れに沿って保存される。

$$\frac{D\Phi}{Dt} = \int_{S} \left\{ \frac{\partial \mathbf{B}}{\partial t} + \nabla \times (\mathbf{v} \times \mathbf{B}) \right\} \cdot \mathbf{n} dS = 0$$

Kelvinの 循環 定理

バロトロピック p = p(ρ)の場合の渦度ω=∇×v
 の変化は

$$\frac{\partial \boldsymbol{\omega}}{\partial t} = \nabla \times (\mathbf{v} \times \boldsymbol{\omega})$$

• 循環 $\Gamma = \oint_{C} \mathbf{v} \cdot d\mathbf{l} = \int_{S} \boldsymbol{\omega} \cdot \mathbf{n} dS$ は流れに沿って保存される。

$$\frac{D\Gamma}{Dt} = \int_{S} \left\{ \frac{\partial \boldsymbol{\omega}}{\partial t} + \nabla \times (\mathbf{v} \times \boldsymbol{\omega}) \right\} \cdot \mathbf{n} dS = 0$$

磁気流体方程式

質量保存
遭動方程式

$$\frac{\partial \rho}{\partial t} + \nabla \cdot (\rho \mathbf{v}) = 0$$

運動方程式
 $\rho \left(\frac{\partial \mathbf{v}}{\partial t} + \mathbf{v} \cdot \nabla \mathbf{v} \right) = -\nabla P + \mathbf{j} \times \mathbf{B}, \quad \mathbf{j} = \nabla \times \mathbf{B}$ 変位電流を無視
内部エネルギー
 $\frac{\partial U}{\partial t} + \mathbf{v} \cdot \nabla U = -(\gamma - 1)U \nabla \cdot \mathbf{v}, \quad U = \frac{P}{(\gamma - 1)\rho}$ 理想気体
誘導方程式
 $\frac{\partial \mathbf{B}}{\partial t} = \nabla \times (\mathbf{v} \times \mathbf{B}), \quad \nabla \cdot \mathbf{B} = 0$

*SI単位系にするには
$$\mathbf{B}
ightarrow \mathbf{B} / \sqrt{\mu_0}, \ \mathbf{j}
ightarrow \sqrt{\mu_0} \mathbf{j}$$

磁気流体方程式(保存形式)



保存形の導出に挑戦するためのヒント。

ベクトル・テンソル公式

$$\mathbf{a} = (a_x, a_y, a_z), \mathbf{b} = (b_x, b_y, b_z), \mathbf{ab} = \begin{pmatrix} a_x b_x & a_x b_y & a_x b_z \\ a_y b_x & a_y b_y & a_y b_z \\ a_z b_x & a_z b_y & a_z b_z \end{pmatrix}$$

$$\nabla \cdot (\mathbf{a}\mathbf{b}) = \mathbf{a} \cdot \nabla \mathbf{b} + \mathbf{b} \nabla \cdot \mathbf{a}$$
$$\mathbf{a} \times (\nabla \times \mathbf{b}) = (\nabla \mathbf{b}) \cdot \mathbf{a} - \nabla \cdot (\mathbf{a}\mathbf{b}) - \mathbf{b} \nabla \cdot \mathbf{a}$$
$$\nabla \times (\mathbf{a} \times \mathbf{b}) = \nabla \cdot (\mathbf{b}\mathbf{a} - \mathbf{a}\mathbf{b})$$
$$\nabla (\mathbf{a} \cdot \mathbf{b}) = (\nabla \mathbf{a}) \cdot \mathbf{b} + (\nabla \mathbf{b}) \cdot \mathbf{a}$$

$$-\mathbf{j} \times \mathbf{B} = \mathbf{B} \times (\nabla \times \mathbf{B}) = \nabla (\frac{1}{2}B^2) - \nabla \cdot (\mathbf{B}\mathbf{B})$$
$$\nabla \times \mathbf{E} = -\nabla \times (\mathbf{v} \times \mathbf{B}) = \nabla \cdot (\mathbf{v}\mathbf{B} - \mathbf{B}\mathbf{v})$$

磁気流体方程式(保存形式·1次元)

$$\frac{\partial \mathbf{U}}{\partial t} + \frac{\partial \mathbf{F}(\mathbf{U})}{\partial x} = 0$$

$$\mathbf{U} = \begin{pmatrix} \rho \\ \rho u \\ \rho u \\ \rho v \\ \rho w \\ \rho w \\ B_y \\ B_z \\ e \end{pmatrix}, \mathbf{F} = \begin{pmatrix} \rho u \\ \rho u^2 + p + B^2 / 2 - B_x^2 \\ \rho u v - B_x B_y \\ \rho u w - B_x B_z \\ B_y u - B_x v \\ B_z u - B_x w \\ (e + p + B_2 / 2)u - B_x (\mathbf{u} \cdot \mathbf{B}) \end{pmatrix}$$

 $\mathbf{u} = (u, v, w), \ \mathbf{B} = (B_x, B_y, B_z)$

<u>有限体積法:</u>

離散化レベルで保存則を満たす。 不連続のジャンプを正確に評価。

$$\frac{d\mathbf{U}_i}{dt} + \frac{\mathbf{F}_{i+1/2}^* - \mathbf{F}_{i-1/2}^*}{\Delta x} = 0$$



<u>近似Riemann解法:</u>

セル境界で接する異なる2状態を 初期条件とするRiemann問題の 厳密解から数値流速F*を評価。

*3方向に同時に適応することで 3次元で計算する。

磁気流体方程式(移流形式·1次元)

$$\frac{\partial \mathbf{U}}{\partial t} + A \frac{\mathbf{U}}{\partial x} = 0, \quad A(\mathbf{U}) \equiv \frac{\partial \mathbf{F}}{\partial \mathbf{U}}$$

ヤコビアンAの7つの固有値(特性速度)

Alfven波 磁気音波 (fast, slow) エントロピー波 $\lambda_{2,6} = u \mp c_a, \ \lambda_{1,7} = u \mp c_f, \ \lambda_{3,5} = u \mp c_s, \ \lambda_4 = u$ $c_a = \frac{|B_x|}{\sqrt{\rho}}, \ c_{f,s} = \begin{cases} \frac{\gamma p + |\mathbf{B}^2| \pm \sqrt{(\gamma p + |\mathbf{B}^2|)^2 - 4\gamma p B_x^2}}{2\rho} \end{cases}$

Alfven wave (Alfven, 1942 Nature)



Alfven wave?



Shock tube test



Shock tube test



Rankine-Hugoniot (RH)関係式

$$S[\mathbf{U}] = [\mathbf{F}]$$

[]: 物理量のジャンプ S: 不連続の動くスピード

<u>不連続を横切る流れなし</u> $u_1 = u_2 = S = \lambda_4$

横切る磁場あり
$$B_x \neq 0$$

 $[B_y] = [B_z] = [v] = [w] = [p] = 0$ → 接触不連続
横切る磁場なし $B_x = 0$
 $[p + (B_y^2 + B_z^2)/2] = 0$ → 接線不連続

Bow shock



3次元乱流の謎

- なぜ乱流状態になり、なぜ対称性が崩れたのか?
 そもそも乱流とは何か?
- 2008年現在のパソコンでは256x256x256が格子数の許容範囲。
 - 倍精度(8byte)で1配列約130MB。
 - スナップショット(8配列)保存に約1GB。
 - 単純に64CPU並列で1024x1024x1024も可能。
- 興味のある人は・・・
 - 物理: MHD波動とMHD不安定など理論から追求する。
 - 計算法: 適合細分化格子(AMR) でコスト節約を追及する。
 - 計算機:次世代ペタコン計画でパワーで解決する。

難問は MHDの 果て に

- リコネクション

 フレア、CME、サブストーム
- ・ダイナモ
 - 黒点周期、地磁気反転
- 弱電離プラズマとの結合
 - -オーロラ爆発、磁気嵐
- 中性流体との結合
 - -太陽圏構造

3. 数值宇宙天気予報

• 宇宙天気予報研究の現場を紹介する。

- 太陽風・放射線帯のモデリング研究
 放射線帯の変動原理
 - 太陽風構造、磁場、密度依存性の発見
 物理は省略(論文参照&三好さんの講義)
 - 確率予報から数値予報へ
 - 宇宙天気図の提案

バンアレン帯(放射線帯)



宇宙放射線被害

家勢制御装置がトラブル **留量「ひまわり6号」の**

観測ができな

響が出そうだ。

時間に一度の観測になる 気象観測を続けるが、六

上を向かなくなった。

通信用アンテナが地

だ

姿勢を崩し太陽電池

込みという。

ネルで発電できなかっ

機器の電源が

内の関係機関のほか、

ひ R

今回のトラブルで、 程度の時間がかかる見

このため同目午前零時

七分から観測画像

観測機能が完全に プ。

まわ

り6号の画像を受信

ストッ た影響で、

ため、天気予報などに影

十七日未明、気象観測

まわ

ŋ

気象観測不能

に常

の完全回復に半日から一

昨年七月と九月にもト

よる冷却が必要で、 カメラなどはクーラーに

機能

た

月から本格運用を始め

哈った。

/なった。



ひまわり」不具合 気象観測不能に

上を向かなくなった。 このため同目午前零時 が、姿勢を崩し太陽電池 た影響で、機器の電源が パネルで発電できなかっ

姿勢制御装置がトラブル、衛星「ひまわり6号」の

観測ができな

響が出そうだ。

十七日未明、気象観測

米国の衛星二機を使って から一日程度かかる見通 と、観測再開までに半日 くなった。気象庁による で停止し、

の姿勢が崩れて回り始

に衛星の姿勢は安定した

回復したものの、 日正午までに通信機能が させるテストを行い

観測用

星と通信し、午前五時前

緊急用電波を使って衛

らかの原因で停止、衛星 た姿勢制御用ソフトが何 わり6号は衛星に搭載し 気象庁によると、ひま

ħ,

の送信ができなくなっ 五十七分から観測画像

ストップ

し。同庁は観測再開まで

込みという。 の完全回復に半日から よる冷却が必要で、機能

カメラなどはクーラーに

月から本格運用を始め 昨年七月と九月にもト

ラブルで一時観測不能に

陥った。

日程度の時間がかかる見 今回のトラブルで、 к た

遮断、観測機能が完全に クアップ用ソフトを起動 **て。気象庁は**バッ 内の関係機関のほか、 まわり6号の画像を受信 てているアジア太平洋諸 して天気予報などに役立 z

వ్త 国にも影響が広がってい ひまわり6号は昨年六



Coronal Holes



2002-11-19 07:05:49

2004-02-10 01:05:47

日午後四時五十五分ごろ Sデジタル放送で、十四 B S 1 Ŋ から約四十五分間にわた るトラブルが起きた。 NHKと 一部 民放の B 放送一時中断 BSデジタル 中断したのはNHKの 全国で放送が中断す NHKと一部民放 *河*奪 E **冬**至 新 唐 BS2 2004年(平成16年)2月15日(日 日 B S ハ 放送は、 ジョンでは大相撲の韓国 どして、視聴者から問 公演を生中継していた。 KのBS1とBSハイビ 査している。当時、 器の故障が原因とみて調 共有しており、 備の衛星に切り替え復旧 ć 送衛星システム(東京) 資する衛星運用会社の放 合わせが相次いだ。 なかったり、 Kによると、 は影響はなかった。 局のBSデジタル放送に ネルBS」、音声放送「ミ 専門局「スター・チャン ったまま動かなくなるな ュージックバード」、 イビジョン、 した。トラブルのあった - 夕放送など。 NHKと 民放 などが 出 放送衛星(BS)を予 衛星の中継器を 放送が映ら 民放の映画 画面が固ま この中継 民放キー N H N H デ 1)

	2007年(平成19年)10月1日(月曜日)																
	Ē			-	5	8		æ	F			F.	5F	1		155	(3)
9									12		2 2 3		5 - 1 1				
	り」などが周回している	あすの宇宙の天気は?	世界初、理研など	AL IL	トドト	エラッ	衛	星	故言て	章の日本	D 同 子 子		を料				
	キラー電子の臘が増える	キラー電子と呼ばれる放	起こす原因となるのは、	ることができる。	での宇宙の「天気」を知	公開しており、五日後ま	た。インターネットでも	らが世界で初めて開発し	研究所の片岡龍峰研究員	宙天気予報」を、理化学	発生確率を予測する「宇	故障の原因となる電子の	静止軌道で、人工衛星の	高度約三万五千八百+の			
	場合は晴れ、40-60%は 雨と表	える可能性が10-30%の	のうちで警戒レベルを超	地上の天気予報の降水	を独自に開発した。	まで予測できる計算方法	ルに達する確率を数日先	ラー電子の量が驚戒レベ	風のデータなどから、キ	発生に影響を与える太陽	片岡研究員らは電子の	ୟୃ	や故障が起こりやすくな	と、人工衛星の異常動作			
9 9 9)	一動などでの活用が期待で	できれば、人工術星の運	ベルに達する確率を予測	害が出ている。	停止したりするなどの被	が長時間にわたって機能	が中断したり、気象術星	の異常増加で、衛星放送	これまでもキラー電子	いる。	たマークなどで表示して	UFoに雲や雷が掛かっ	P)上では「天気」を、	現。ホームページ(日			
								8			ac.jp/indexj.html	wl.stelab.nagoya-u.	프유琪http://hbks	きる」と話している。			



Dr Yoshizumi Miyoshi (Nagoya University) and Dr Ryuho Kataoka (RIKEN) have developed a forecastine system to predict the daily probability of a killer electron alert in geosynchronous orbits up to a week in advance.

Dr Ryuho Kataoka, a special postdoctoral researcher at RIKEN, said "This forecasting system originated from a very similar concept to the weather forecast of precipitation probability. We will continuously investigate the characteristics of the solar wind and radiation belts in detail and hope to contribute to satellite operations."



Figure 1. Illustration of radiation-belt electrons (left). The spatial distribution of electrons above 2,500 keV observed by AKEBONO (right) with particles' flux expressed in color. /http://www.iass.iaxa.jp/ef.orestont/2006/minosthi/index.shtml)



Figure 2. This table shows the probability that the 24-hour maximum value of 2MeV electrons in a geosynchronous orbit will exceed the NOAA/SEC alert level of 1,000 PFU. The forecast is updated every day by scientists between midnight and noon UT. "Today" means from midnight to the following midnight, UT.

予測するために重要なヒント

- ・
 か射線帯電子は太陽風速度が速ければ増える。

 他の効果は「微妙」と長年信じられてきた。
- 近年、他の効果の役割が明らかになりつつある。
 本陽風構造依存性
 - Miyoshi and Kataoka (2005 GRL)
 - Kataoka and Miyoshi (2006 Space Weather)
 - 太陽風磁場効果
 - Miyoshi and Kataoka (2007 JGR)
 - 太陽風密度効果
 - Kataoka and Miyoshi (2008 GRL&AnGeo)

*予報には未導入



太陽風構造依存性



Kataoka and Miyoshi (2006), updated

放射線帯電子増加の確率予報

太陽風の速度のみならず、磁場と季節に依存して大きく変化する。 この性質を利用してNOAA基準を超える確率の正確な予報が可能。



Miyoshi and Kataoka (2007)

http://hbksw1.stelab.nagoya-u.ac.jp/

Contents	TOP DIFF LIST SOURCE SEARCH HELP PDF RSS LOGIN												
ENGLISH VERSION JAPANESE VERSION					ENG	LISH	VER	SION					
Link	-												
Radiation Belt Models	H	BF Spac	e Weathe	er Fore	cast								
1011 (050	What's New												
 NOAA/SEC NASA/GSFC UC/LASP JAXA/SEES NICT 	2007 2007 2008 2008	2007/09/20 English version open. Space Weathermeter Ver 0 installed. 2007/11/01 This webpage was introduced in Asia-Pacific Regional Space Agency Forum. 2008/02/25 Wiki version open. 2008/04/14 Reliability rank (A,B,C,and X) is indicated.											
Space Weather Info Weekly Forecast													
NOAA/SEC	2008/04/25(Fri) 05:30 UT updated												
 SpaceWeather.com SolarMonitor 		Today	Tomorrow	2days	3days	4days	5days						
Space Wx Info Japan		X	1 Alexandre Alex	X	×.	×.	×						
• NICT1		90%	90%	80%	80%	80%	80%						
NICT2		1	В	В	A	A	A						
Real Time Data • HINODE • STEL/IPS	Stre: Expe Note	am interface a ected next stre e: (Forecaster:	rrival:2008/04/2 am interface arriv RK)	3(Thu) 2 days val:	after the arriv	val.							

リアルタイム太陽風データの例



流れの接触面(接線不連続)の自動検出

モデリング研究の動機、目的、目標

- 宇宙天気図を作りたい。
 - 今、どの太陽風構造の、どこら辺に地球があるのか。
 - 太陽風は単なる「数字」ではない。SBz=-5nTでは不十分。
- 太陽から地球まで見渡すリアルタイムシミュレーションを作る。
 - 確率予報から数値予報へ。
 - 基本原理(MHD)に基き、数値的に解く。
 - 毎日結果を評価しモデルを改善する。
 - リアルタイムはだましが利かない。
- 数値宇宙天気予報を運用する。
 - 1週間先まで、太陽風と放射線帯のあらゆる場所における数値を出 せる宇宙天気図の実現へ。

宇宙天気図(試作品)

Real-Time Solar Wind Space Weathermap



数值宇宙天気予報(試作品)

Real-Time Solar Wind Space Weathermap









Wed May 21 15:03:22 2008



MHD equations: GLM formulation

(Dedner et al., 2002)

$$\begin{split} \frac{\partial}{\partial t} \begin{pmatrix} \rho \\ \rho \mathbf{v} \\ \mathbf{B} \\ e \\ \psi \end{pmatrix} + \nabla \cdot \begin{pmatrix} \rho \mathbf{v} \\ \rho \mathbf{v} \mathbf{v} + p_t \mathbf{I} - \mathbf{B} \mathbf{B} \\ \mathbf{v} \mathbf{B} - \mathbf{B} \mathbf{v} + \psi \mathbf{I} \\ (e + p_t) \mathbf{v} - \mathbf{B} (\mathbf{B} \cdot \mathbf{v}) \\ c_h^2 \mathbf{B} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ -\frac{c_h^2}{c_p^2} \psi \\ -\frac{c_h^2}{c_p^2} \psi \end{pmatrix} \\ p_t = p + \frac{B^2}{2}, e = \frac{\rho v^2}{2} + \frac{p}{\gamma - 1} + \frac{B^2}{2} \end{split}$$

HLLD法(Miyoshi and Kusano, 2005)で数値的に解くことができる。

Inner Boundary for July 2004 event

- Magnetic field
 - Coronal field map (WSO)
- Velocity field
 - IPS average map (STEL)
- Density and temperature
 - Helios empirical model (Hayashi et al., 2003)

$$n(V) = 62.98 + 866.4 \left(\frac{V}{100} - 1.549\right)^{-3.402}$$
$$T(V) = -0.455 + 0.1943 \frac{V}{100}$$

太陽風の基本構造は再現可能

Coronal Mass Ejection (CME) Corotating Interaction Region (CIR) Heliospheric Current Sheet (HCS)

最大の課題:CME放出モデル

Virtual Coronagraph

地球がCME通過後の真空状態に包まれ、放射線帯が異常増加した例。

磁気嵐を引き起こす南向き磁場の予測は可能だろうか?

提供:塩田大幸(地球シミュレーター)

まとめ

- 代表的な宇宙嵐について解説した。
 フレア放射線、オーロラ嵐、バンアレン帯
 - CME, coronal hole, active regions.
- 磁気流体力学の基礎を解説した。
 - Frozen-in, Alfven wave, discontinuities.
 - MHDは保存則、数値解法が強力
- 宇宙天気予報研究の現場を紹介した。
 - 確率予報から数値予報へ
 - リアルタイム宇宙天気図
 - CME放出モデリング

1. 磁気流体力学の意味は理解したか?
 2. 宇宙天気予報の要点は説明できるか?
 3. 残された難問にはどんなものがあるか?

磁気流体力学の参考文献

- Parker (2007), "Conversations on electric and magnetic fields in the cosmos"
 - MHDとは何かを根本から考え直す最新の教科書。
- Miyoshi and Kusano (2005), J. Comput. Phys.
 MHD近似Riemann解法の最高傑作。MHD専門家は必読。
- Dedner et al. (2002), J. Comut. Phys.
 HLLDと相性の良いdivB問題の解決方法。マニアは必読。
- 坂下志郎,池内了(1996),「宇宙流体力学」
 MHDの波動や不安定性の勉強に適した入門書。
- Alfven (1942), Nature
 - Alfven波の発見論文。いわずと知れたノーベル賞。